

28 | КВАДРАТЫ

奉獻年次等題

方

全圖
諸以く方四面等題且
破事只云方圓者三圓種以諸事例也但其問

苦口方面皆量定法一一二五分素一五分

關流土屋信義人
主事者

土屋

房支

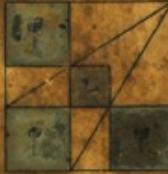
詮考

今有如圖平方內容四等圓而設黑積其積
若干問從等徑術如何

答曰量一菌內減圓種半餘以除黑積平方

問之半之得等徑

十三 同門
井口百一節 詮考



天保十二年
辛酉八月

幽齋

茂謹問

今有如圖平方內設赤背二條側圓及甲乙丙
及青白各一十五箇不云出徑若干圓徑

最側圓長徑術如何

答曰界方赤背一百零四之加赤一百零一

四箇從平不問之旁極生方積東五十十二箇

若干問側圓長徑術如何

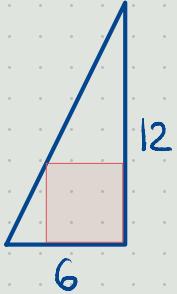
答曰置六十二方麥二百八十九箇赤背問之

城八百九十六箇前於上計二十零箇

平方開之得眾不云得而長徑

問之公松茂人
土屋武三郎信義人

主奉二郎傳義考

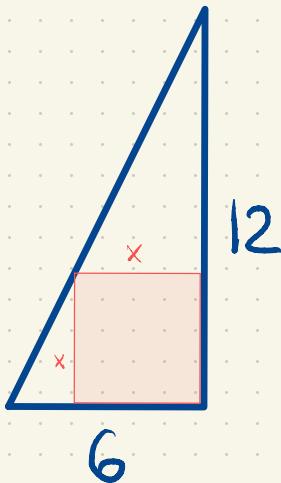


Найдите длину
стороны квадрата

китайская разминка

(из книги "Suanfa Tong Zong", 1592)

Решение:

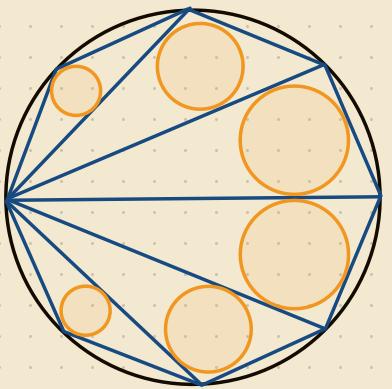


$$\frac{12-x}{x} = \frac{12}{6}$$

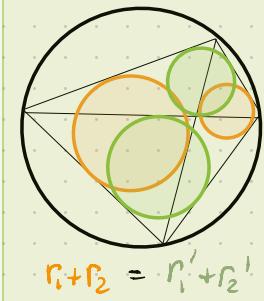
$$12-x = 2x$$

$$12 = 3x$$

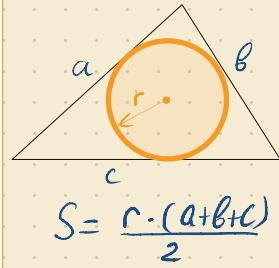
$$x = 4$$



1 Радиус большой окружности 1
Найдите сумму радиусов шести маленьких окружностей.

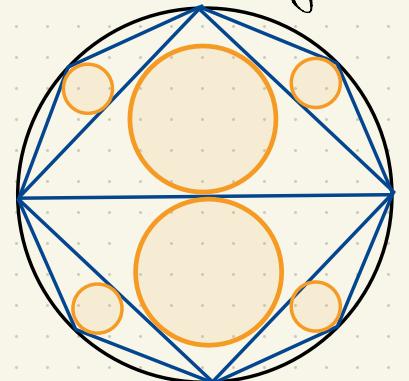


$$r_1 + r_2 = r'_1 + r'_2$$



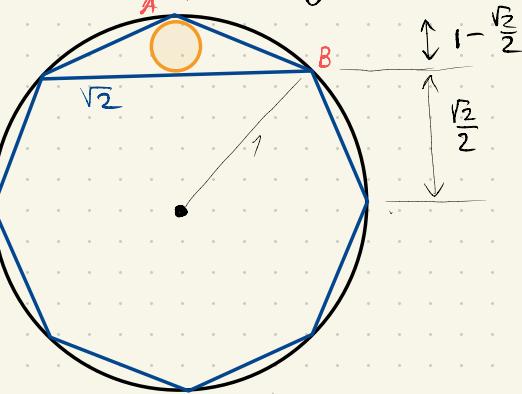
$$S = \frac{r \cdot (a+b+c)}{2}$$

Решение: сумма не зависит от выбора треугольника



$$\textcircled{1} r_2 = ?$$

$$r_1 + r_2 + r_3 + r_4 + r_5 + r_6 = \\ = 2r_1 + 4r_2$$



$$AB = \sqrt{\left(\frac{\sqrt{2}}{2}\right)^2 + \left(1 - \frac{\sqrt{2}}{2}\right)^2} = \\ = \sqrt{\frac{2}{4} + 1 - \sqrt{2} + \frac{2}{4}} = \\ = \sqrt{2 - \sqrt{2}}$$

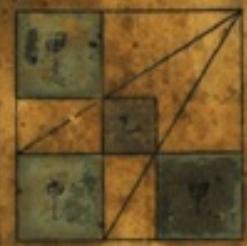
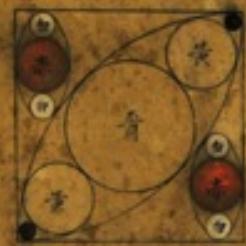
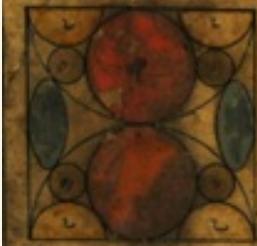
$$\begin{aligned} & \sqrt{2} \quad \sqrt{2} \\ & \frac{S_{\triangle}}{2} = \frac{1+1+\sqrt{2}}{2} r_1 \\ & \frac{\sqrt{2} \cdot \sqrt{2}}{2} = \frac{1+1+\sqrt{2}}{2} r_1 \\ & r_1 = \frac{2}{2+\sqrt{2}} = 2 \cdot \frac{2-\sqrt{2}}{4-2} = 2-\sqrt{2} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} S_{\triangle} &= \frac{1}{2} \cdot \sqrt{2} \left(1 - \frac{\sqrt{2}}{2}\right) = \frac{\sqrt{2}(2-\sqrt{2})}{4} = \frac{2\sqrt{2}-2}{4} = \frac{\sqrt{2}-1}{2} \\ &= r_2 \cdot \frac{1}{2} (\sqrt{2} + 2 \cdot \sqrt{2-\sqrt{2}}) \end{aligned}$$

$$r_2 = \frac{\sqrt{2}-1}{\sqrt{2} + 2\sqrt{2-\sqrt{2}}}$$

2.

В чём
(а) задача?



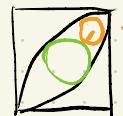
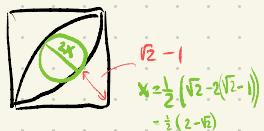
Сторона
большого
квадрата
 $= 1$

- Знаем радиусы всех окружностей



Спрашивают
что-то про эллипс?
Найти площадь
эллипса,
касается его
окружностей?

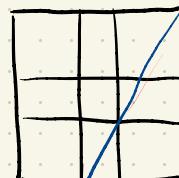
- Найти радиусы
чёрных
окружностей



Найти y , чтобы
касалась



- Найти
сторону
маленького
квадрата



$$\frac{1-x}{2} \quad \frac{1+x}{2}$$

$$\frac{1}{1+x} = \frac{1+x}{1-x}$$

- Найти r

$$r = \frac{1}{4}$$

- Найти
площадь
(красную или
чёрную)

$$S_0 = \pi r^2$$

?

Александр Аксинин,

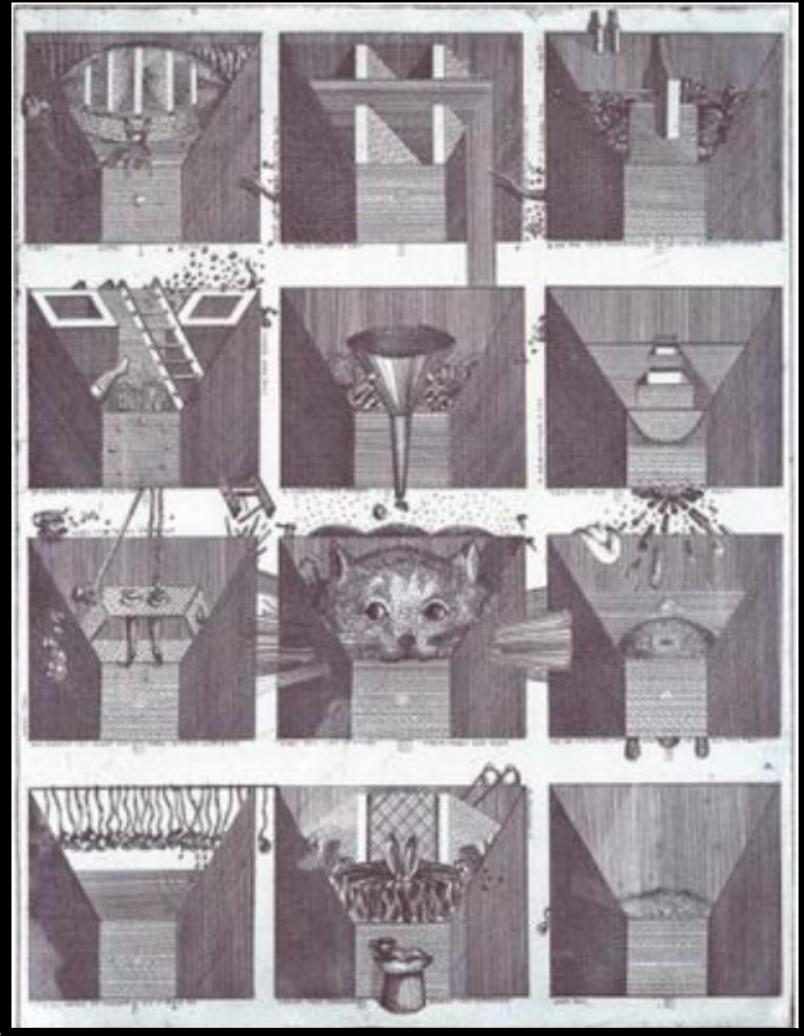
1949 - 1985

Художник-график

„Любовский Дюрер“

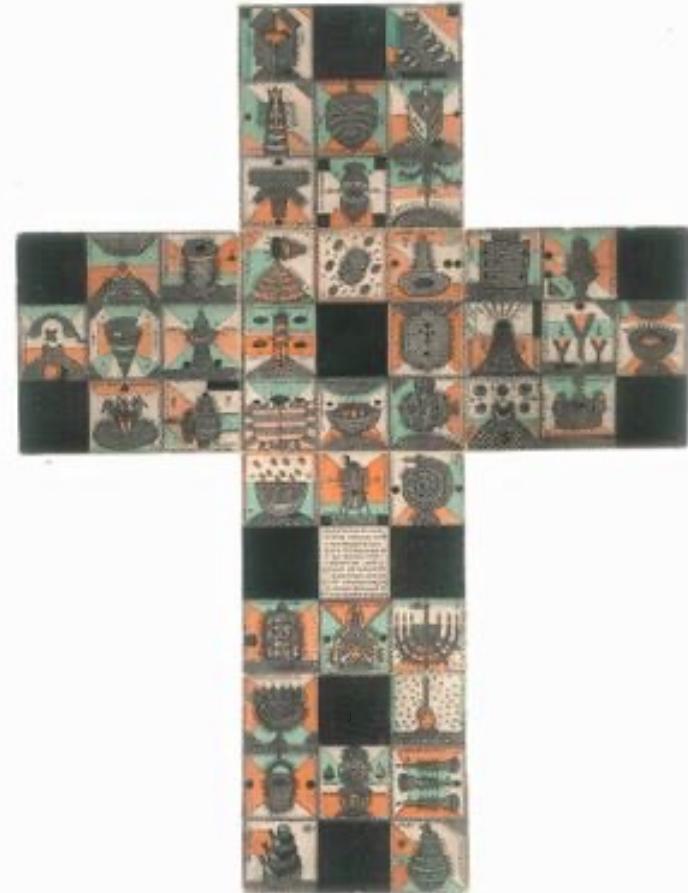
Офорти - вид гравюры на металле

- металл покрывают кислотоупорным лаком,
- на нем процарапывают рисунок
- травят кислотой углубляя штрихи
- в штрихи втирают краску
- накрывают листом толстой офортной бумаги и прокатывают валиком
- получают зеркальный оттиск.

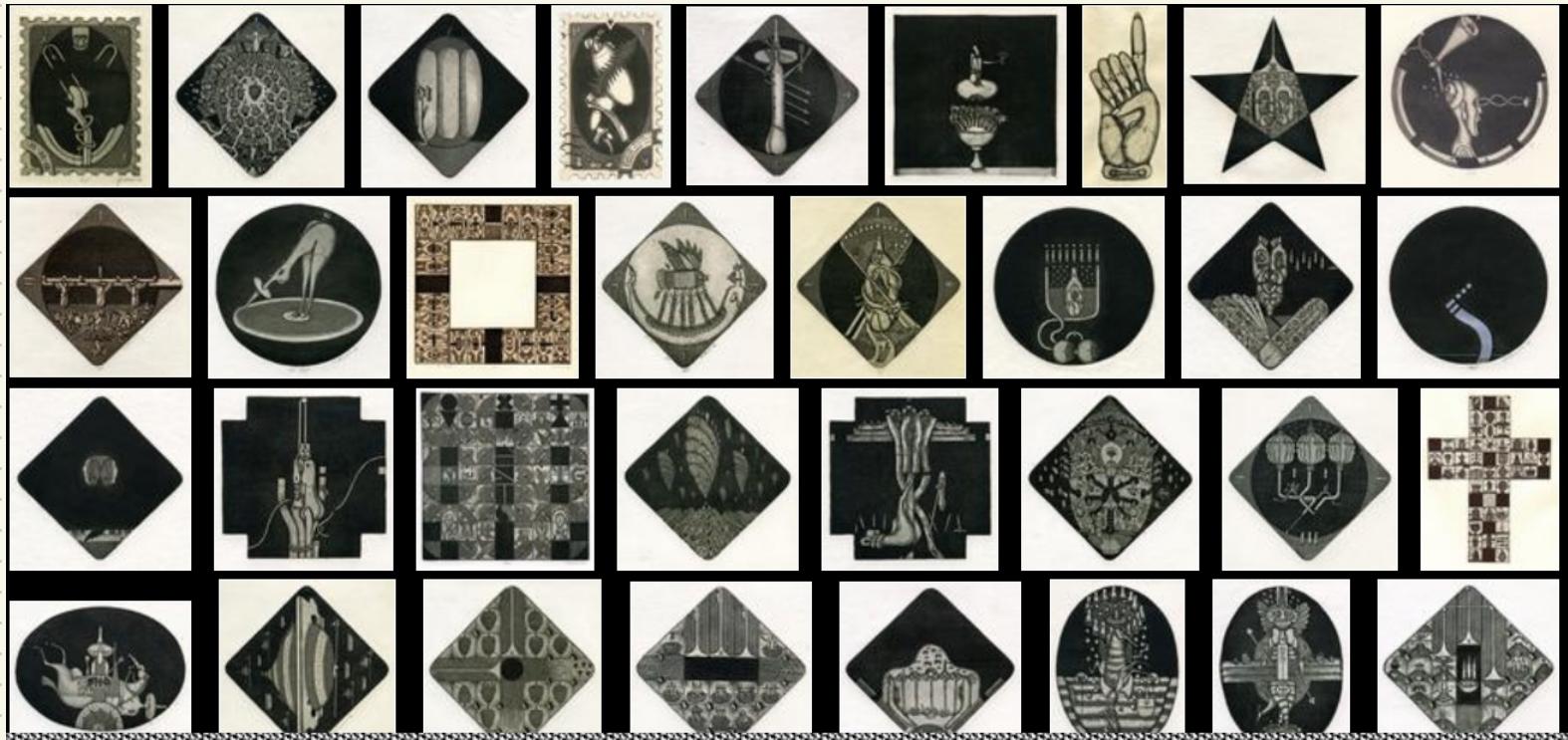


Александр Аксинин

К „Алисе в стране чудес“, 1976-77



Метафизический куб Аксинина, 1982

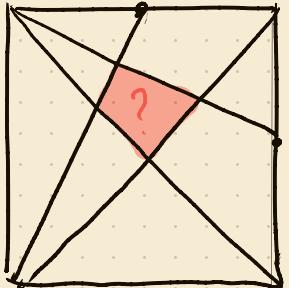


Скрин со страницы посвященной Аксинину

www.aksinin.com

3

1

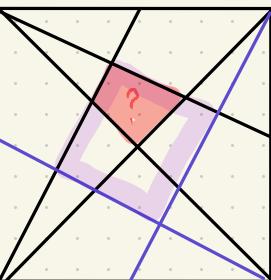
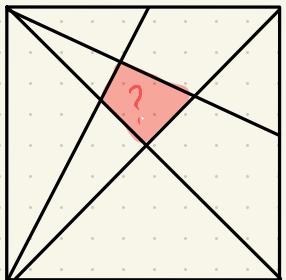


Площадь = ?

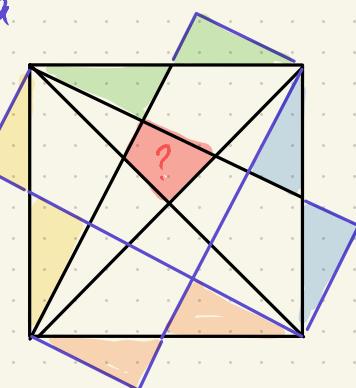
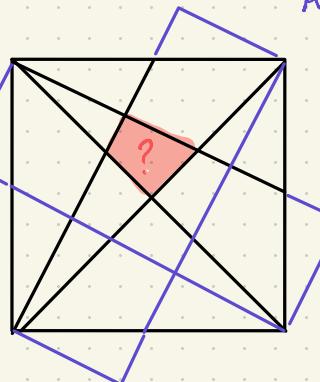
Решение:

дорисуем две параллельные прямые

дорисуем 4 одинаковых квадрата



квадрат K



$$\text{Площадь } K = \frac{1}{5} \cdot 1 \cdot 1$$

$$\text{Площадь } ? = \frac{1}{4} \cdot \text{Площадь } K = \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{5} = \frac{1}{20}$$

